1	Bruttopi	eis Rabatt		Nettopreis	
	a) CHF 15	68.— CHF 250.90	16%	CHF 1317.10	84%
	b) CHF 3 (9.10 CHF 68.—	22%	CHF 241.10	78%
	c) CHF 38	931.— CHF 7007.60	18%	CHF 31'923.40	82%
	d) CHF 54	6.25 CHF 27.30	5%	CHF 518.95	95%
	e) CHF 28	5.90 CHF 17.15	6%	CHF 268.75	94%
Rabatt und Skonto	Berechnungen (Be a) Ansatz: CHI CHI Also ist der Nettop Und der Prozentsatz Ansatz: CHI CHI Also ist der Nettop Und der Prozentsatz Ansatz: CHI CHI Also ist der Nettop Und der Prozentsatz Nettopr a) CHF 56 b) CHF 36 c) CHF 89 d) CHF 56 e) CHF 11 Die Berechnunger Nettopreis – Skon Bruttopreis 100% Ansatz: CHF 19 CHF x x= 1933.15 • 100	ispiele) ispiele) ispiele) ispiele) ispiele) ispiele) ispiele) ispiele = Bruttopreis - Rabatt, also tz, welcher zum Nettopreis geh des Rabattes muss 22 % betra ispiele = Bruttopreis - Rabatt, also ispiele = Bruttopreis - Raba	100%16% x= 1 0.1568 - 250.90 = ört ist ebenfalls B agen (weil Bruttop22%100% x= 0.309.10 - 68 = 24100%x% x= 10 0.546.25 - 27.30 = ört ist ebenfalls B 1.6% 2% 3% 4.09% 2% Nettopreis	1568 • 16 : 100 = 250.86 1317.10. Iruttopreis – Nettopreis, Iruttopreis – Rabatt = Nettopreis 68 • 100 : 22 = 309.090 41.10. 100 • 27.30 : 546.25 = 4. = 518.95 Iruttopreis – Nettopreis, In Iruttopreis – Nettopreis, Iruttopreis – CHF 558.90 In Iruttopreis – CHF 294 Iruttopreis – CHF 8663.05 Iruttopreis – CHF 168.75	8 also 100 – 16 = 84% eis, also 100 % - 22% 0909 = 309.10 99 = 5.00 also 100 – 5 = 95% 98.4% 98% 97% 95.91% 98% %) Zahlung CHF 18: 98%

Zahlung

CHF 2345.-

98.8%

--- 100%

Zahlung

x%

90.3%

x=100 • 80: 65 =123.077 = 123.08%

Der Preiserhöhung ist = 123.08 - 100 = 23.08 % (möglich wäre die direkte Berechnung mit Erhöhung = CHF 15.--)

7 a	a) Beispiel DVD-Player:
	Ansatz: CHF 346 100%
	CHF 245.50x %
	x=100 •245.50: 346 = 70.954 = 70.95 %
	x=100 ■245.50. 546 = 70.954 = 70.95 % Der Rabatt ist = 100–70.95 = 29.05% (möglich wäre die direkte Berechnung mit Rabatt = CHF 100.50)
	ber Rabatt ist = 100=70.95 = 29.05 % (mognich ware die direkte berechnung mit Rabatt = CHF 100.30) Dei Rabatt ist = 100=70.95 = 29.05 % (mognich ware die direkte berechnung mit Rabatt = CHF 100.30)
Ĺ	
	Ansatz: CHF 698100%
	CHF 435.80 x %
	x=100 •435.80:698 = 62.4356 = 62.44 %
	Der Rabatt ist = 100-62.44 = 37.56% (möglich wäre die direkte Berechnung mit Rabatt = CHF 262.20)
	c) Beispiel Fernseher:
	Ansatz: CHF 1684.50100%
	CHF 150 x %
	·400 · 450 · 4604 50 - 0 0047 - 0 00 0/
	x=100 •150: 1684.50 = 8.9047 = 8.90 % Dec Deb ett i 4 8 00% (his i i 4 die Verhillieure = Behett direkt en regeleer)
	Der Rabatt ist 8.90% (hier ist die Verbilligung = Rabatt direkt angegeben!)
C	d) Beispiel Velo:
	<u>Ansatz</u> : CHF 450 100%
	CHF x 14 %
	x=450 •14 : 100 = 63= CHF 63 —
	Der Rabatt ist CHF 63 (Der Rabatt ist in Prozent direkt angegeben!)
	e) Beispiel Handy:
	Ansatz: CHF 599 100%
	CHF x89 %
	x=599 ●89: 100 = 533.11 = CHF 533.10
	Der Rabatt ist CHF 533.10 (Auch hier ist der Rabatt in der Aufgabenstellung angegeben (in Prozent))
8	<u>Variante 1 (mit einem eingesetzten Betrag):</u>

Das Produkt wird immer wieder verkauft. Si

Das Produkt wird immer wieder verkauft. Sinnvoll ist es, mit einem Anfangswert von CHF 100.—zu rechnen (dann müssen wir mindestens für den ersten Schritt keine grosse Rechnungen anstellen.)

1. Peter verkauft mit 14% Rabatt an Hans.

Somit: Produktwert: CHF 100 → Hans kauft für CHF 86.— (Weil 14% von CHF 100 = CHF 14 sind.)

2. Hans verlangt 8% Zuschlag.

Somit: Produktwert: CHF 86.-- → Aufpreis: 8% von 86 = 6.88 = 6.90

Gabriela kauft also für CHF 92.90

3. Gabriela verkauft mit 15% Rabatt und 2% Skonto.

Somit: Produktwert: CHF 92.90 → Rabatt: 15% von 92.90 = 13.935 = 13.95 → Der Nettopreis ist also 78.95 Auf diesem Nettopreis gibt es 2% Skonto → 2% von 78.95 = 1.579 = 1.60 → Zahlung = 77.35 Fabia bezahlt also CHF 77.35

4. Hätte Hans direkt verkauft, müsste Fabia einen Rabatt von 22.65% aushandeln.

Der ursprüngliche Preis von CHF 100 ist dabei der Grundwert, der Schlusspreis von 77.35 ist der Nettopreis. Der Preisnachlass ist also CHF 22.65 und dies entspricht eben auch 22.65% von CHF 100.—(Darum ist der Preis CHF 100 für den Anfang besonders einfach gewählt)

Variante 2 (etwas mathematischer):

Wir setzen für das Produkt einen Wert x ein und verstehen die Rabatte als Dezimalzahlen.)

- Peter verkauft mit 14% Rabatt an Hans. → Der Kaufpreis ist also 86% vom ursprünglichen Preis (86% = 0.86)
 Somit: Hans kauft für x•0.86 = 0.86x
- Hans verlangt 8% Zuschlag → Der Kaufpreis ist also 108% vom vorherigen Preis. (108% = 1.08)
 Somit: Gabriela kauft also 0.86x •1.08 = 1.08•0.86•x= 0.9288x
- 3. Gabriela verkauft mit 15% Rabatt und 2% Skonto.
 - → Der Nettopreis ist also 85% vom vorherigen Preis (85% = 0.85)

Somit: Nettopreis = 0.9288x •1.08 = 0.85• 0.9288 •x= 0.78948x

Auf diesem Nettopreis gibt es 2% Skonto

→ Die Zahlung ist also noch 98% vom Nettopreis (98% = 0.98)

Somit: Zahlung = 0.78948x •1.08 = 0.98•0.78948 •x= 0.7736904x

4. Hier sieht man den Nettopreis in % direkt vor sich: 0.7736904x = 0.7736904•x, also 77.36904% von x.

Die Differenz 100 – 77.36904 = 22.63096% ist der Rabatt, welcher ausgehandelt werden müsste.

→ Die beiden Methoden liefern ein leicht unterschiedliches Ergebnis, da bei Variante 1 immer wieder gerundet wird und bei Variante 2 nicht. Bei Variante 2 kann das jeweilige Ergebnis im Rechner stehen gelassen werden und wieder verwendet werden.

10

9 Variante 1: (Betrag einsetzen, wieder wählen wir CHF 100.--)

- 1. Bruttopreis: CHF 100 → Rabatt von 9% wird abgezogen, der Nettopreis ist also CHF 91.--(Weil 9% von 100 = 9.) Von diesem Nettopreis werden jetzt 2.5% Skonto abgezogen. 2.5% von 91 = 2.275 = CHF 2.30 Die Zahlung ist also CHF 88.70 (bei einem Startwert von CHF 100)
- 2. Bruttopreis: CHF 100 → 11% Rabatt wird abgezogen, der Nettopreis ist also CHF 89.—(Weil 11% von 100 = 11.) Von diesem Nettopreis werden jetzt 0.5% Skonto abgezogen. 0.5% von 89 = 0.445 = CHF 0.45 Die Zahlung ist also CHF 88.55 (bei einem Startwert von CHF 100)

Nun wird mit Proportionalität weiter gerechnet:

Die Grundlage bildet dabei die jeweilige Preisdifferenz:

Wenn bei Startwert von CHF 100 eine Differenz von CHF 0.15 herauskommt, welchen Startwert braucht es dann, um eine Differenz von CHF 51.45 zu erhalten?

Ansatz: CHF 100.-- Differenz CHF 0.15 CHF x Differenz CHF 51.45

x =100 •51.45 : 0.15 = 34300 = CHF 34'300.--

Der Bruttopreis müsste CHF 34'300.-betragen.

Variante 2: (Bruttopreis x, die Prozentwerte als Dezimalzahlen verstehen--)

Rabatt von 9% wird abgezogen, der Nettopreis ist also 91% vom Bruttopreis (91% = 0.91)
 Somit: Nettopreis = x • 0.91 = 0.91x

Davon erfolgt 2.5% Skontoabzug, es bleiben für die Zahlung also 97.5% vom Nettopreis (97.5% = 0.975) Somit Zahlung = 0.91x•0.975 = 0.975•0.91•x = 0.88725x

Rabatt von 11% wird abgezogen, der Nettopreis ist also 89% vom Bruttopreis (89% = 0.89)
 Somit: Nettopreis = x • 0.89 = 0.89x

Davon erfolgt 0.5% Skontoabzug, es bleiben für die Zahlung also 99.5% vom Nettopreis (99.5% = 0.995) Somit Zahlung = $0.89x \bullet 0.995 \bullet 0.895 \bullet 0.895 \bullet x = 0.88555x$

Jetzt gibt es also eine Differenz von 0.88725x – 0.88555x = 0.0017x

Und weiter geht's mit einer Gleichung:

0.0017x = 51.45 |: 0.0017 x = 30'264.706

Der Bruttopreis müsste CHF 30'264.70 betragen.

Erneut ergibt sich eine Differenz (in diesem Fall rund CHF 4000.--). Dies ist wiederum auf die verschiedenen Rundungen in der Variante 1 zurückzuführen. Die 2. Variante ist also genauer, dafür etwas theoretischer.

	Preisreduktion	Preiserhöhung
a)	10%	11.11%
b)	35%	53.85%
c)	15%	17.65%
d)	15.25%	18%
e)	40.48%	68%
f)	33.33%	50%

Berechnungen an den Beispielen a) und d):

a) ursprünglicher Preis: CHF 100.—→ Nach der Reduktion also noch CHF 90.---

Es muss eine Preiserhöhung um CHF 10 erfolgen (der Grundwert der Erhöhung ist CHF 90.--):

Ansatz: CHF 90.-- ------100% CHF 10 -----x%

 $x = 100 \bullet 10 : 90 = 11.111 = 11.11\%.$

d) Aktionspreis: CHF 100.—→ Nach der Erhöhung also CHF 118.---

Es musste also eine Preissenkung (Rabatt) von CHF 18.—erfolgen.(der Grundwert dabei sind CHF 118):

Ansatz: CHF 118.-- ------100% CHF 18 -----x%

x =100 •18 : 118 = 15.254 = 15.25%

	<u>a</u>
	9
တ	Gefäl
	7
ŧ	Ĭ
ē	_
Š	n
	no
	- 75

3

Höhenunterschied	Horizontale Länge	Länge der Schrägstrecke	Steigung
140 m	3500m	3502.80 m	4%
77.62 m	600 m	605 m	12.94%
1800 m	3024.96 m	3, 520 km	59.51%
1320 m	480 m	1404.56 m	275%
3.15 m	75 m	75.07 m	42 ‰ (Promille!)

Berechnungen Beispiele:
a)
$$a = \frac{h}{l} = \frac{140}{3500} = 0.04$$
 Steigung = 0.04 • 100 = 4%; $s = \sqrt{l^2 + h^2} = \sqrt{140^2 + 3500^2} = 3502.79888 = 3502.80$

b)
$$h = \sqrt{s^2 - I^2} = \sqrt{605^2 - 600^2} = 77.62084 = 77.62 \text{ m};$$

 $a = \frac{h}{I} = \frac{77.62}{600} = 0.129368 \Rightarrow \text{Steigung} = 0.129368 \bullet 100 = 12.9368\% = 12.94\%;$

c) I =
$$\sqrt{s^2 - h^2} = \sqrt{3520^2 - 1800^2} = 3024.96281 = 3024.96 \text{ m};$$

a = $\frac{h}{I} = \frac{1800}{3024.96} = 0.59505 \Rightarrow \text{Steigung} = 0.59505 • 100 = 59.505\% = 59.51\%;$

d) Steigung 275% = 2.75 (Umwandlung in Dezimalzahl);
$$I = \frac{h}{a} = \frac{1320}{2.75} = 480 \text{m}$$

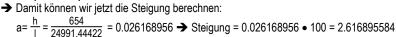
 $s = \sqrt{I^2 + h^2} = \sqrt{480^2 + 1320^2} = 1404.563989 = 1404.56 \text{ m};$

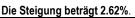
e) Steigung 42‰ = 4.2% = 0.042 (Umwandlung in Dezimalzahl); h = I• a = 75• 0.042 = 3.15 m s=
$$\sqrt{I^2 + h^2} = \sqrt{3.15^2 + 75^2} = 75.06612 = 75.07$$
 m;

Gegeben sind: s= 25000m: h = 654m

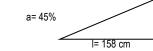
→ Somit müssen wir zuerst die horizontale Länge berechnen:

 $I = \sqrt{s^2 - h^2} = \sqrt{25000^2 - 654^2} = 24991.44422 \text{ m}$





- Gegeben sind: a= 45% = 0.45 (als Dezimalzahl); I = 158cm
 - → Der Höhenunterschied (gem. Formeldreieck): h = a•l = 0.45 • 158 = 71.1m



h= 654 m

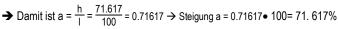
Der Höhenunterschied beträgt 71.1 m.

Zuerst im Steigungsdreieck alle gegebenen Grössen eintragen. Da die Schrägstrecke um 23% grösser ist als die horizontale Länge (= Grundwert), ist sie 100+23 = 123%.

Variante 1: (mit Zahlen)

Wir setzen möglichst einfache Zahlen ein: für I = 100m, dann ist s = 123m

→ Also h = $\sqrt{s^2 - l^2}$ = $\sqrt{123^2 - 100^2}$ = 71.617 m





Die Steigung ist somit 71.62%

Variante 2: (mit Variablen)
Wir setzen möglichst einfache Zahlen ein: Für I setzen wir x ein. Dann gilt: I = x , s= x + 0.23x = 1.23 x

→ Also h =
$$\sqrt{s^2 - l^2} = \sqrt{1.23x^2 - x^2} = 0.71617x$$
 → Damit ist a = $\frac{h}{l} = \frac{0.71617x}{x} = 0.71617$

- → Steigung a = 0.71617 100= 71.617% → Die Steigung ist somit 71.62%
- Zuerst im Steigungsdreieck alle gegebenen Grössen eintragen. Da der Höhenunterschied um 35% kleiner ist als die Schrägstrecke (= Grundwert), ist er 100-35 = 65%.

I= 32%

Der Einfachheit halber NUR Variante 1: (mit Zahlen)

Wir setzen möglichst einfache Zahlen ein: für s = 100m, dann ist h = 65m

→ Also I =
$$\sqrt{s^2 - h^2} = \sqrt{100^2 - 65^2} = 75.99342007 \text{ m}$$

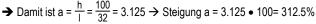
→ Damit ist a =
$$\frac{h}{I}$$
 = $\frac{65}{75.99342007}$ = 0.855337203 → Steigung a = 0.855337203 • 100= 85.5337203%

Die Steigung ist somit 85.53%

Zuerst im Steigungsdreieck alle gegebenen Grössen eintragen. Da die horizontale Länge 32 % des Höhenunterschiedes (Grundwert)beträgt, ist I = 32%, h= 100%.

Der Einfachheit halber NUR Variante 1: (mit Zahlen)

Wir setzen möglichst einfache Zahlen ein: für h= 100m, für l = 32m



Die Steigung ist somit 312.5%

h = 65%

h = 100%

- 5
- Der Zug fährt mit v =69km/h = 19.16667 m/s während t = 5min =300s (. Also legt er in dieser Zeit einen Weg s zurück. Wir kennen noch die Formeln: s = v t = 19.16667 300 = 5750 m.

Somit kennen wir den Weg des Zuges (Schrägstrecke). s = 5750m. Ebenfalls kennen wir den Höhenunterschied h = 130m.

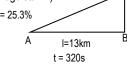
⇒ Für die Steigung brauchen wir noch die horizonale Länge I. $I = \sqrt{s^2 - h^2} = \sqrt{5750^2 - 130^2} = 5748.530247 \text{ m}$

Damit ist a = $\frac{h}{1} = \frac{130}{5748.530247} = 0.022614476$ Steigung = 0.022614476• 100 = 2.2614476%

Die Steigung ist somit 2.26%

- 6 a) Die Distanz von Punkt A zu Punkt B ist 13km. (Dies ist die "Bodendistanz, nicht etwa die "Flugdistanz").
 - b) Damit können wir bereits den Höhenunterschied berechnen, nämlich
 - Die Steigung 25.3% = 0.253 (Dezimalzahl)

 → Der Höhenunterschied (gem. Formeldreieck):
 h = a•I = 0.253 13000 = 3289 m



Der Höhenunterschied beträgt 3289 m

- → Jetzt können wir die Schrägstrecke einfach berechnen: $s = \sqrt{l^2 + h^2} = \sqrt{13000^2 + 3289^2} = 13409.60555 \text{ m}$
- Nun kennen wir s=13409.61m und t = 320 s, können also jetzt die Fluggeschwindigkeit v berechnen. $\mathbf{v} = \frac{\mathbf{s}}{\mathbf{t}} = \frac{13409.61}{320} = 41.91$ m/s oder 150.86 km/h
- 7 Diese Frage ist einfach beantwortet:

Der Höhenunterschied, den man bewältigen will, ändert sich ja nicht, ob man direkt ("grad") nach oben fährt, oder ob man einige Kehren in Kauf nimmt. Somit ist also h immer gleich gross.



Durch die enorme Verlängerung der horizontalen Länge wird aber die Steigung viel kleiner.



→ Diesen Trick verwendet man, damit Autos, Velos oder auch Fussgänger nicht die äusserst anstrengende, extreme Steigung bewältigen müssen, sondern eine "angenehm" kleine Steigung vorfinden.